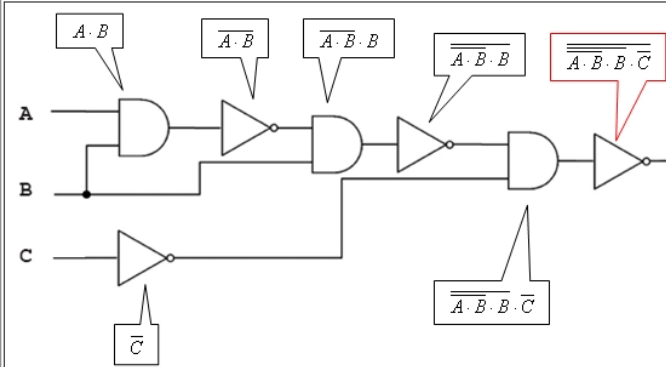


<b>17. zadatak:</b> Trebalo je pojednostavniti (minimizirati) logički izraz:	$A \cdot C \cdot (\bar{A} + B) + B \cdot \bar{C} \cdot (A + \bar{B})$
Na dani izraz možemo primijeniti pravilo distributivnosti, tj. pomnožiti ćemo članove izvan zagrade s članovima unutar zagrade, i to i za lijevi i desni dio izraza:	$A \cdot C \cdot \bar{A} + A \cdot C \cdot B + B \cdot \bar{C} \cdot A + B \cdot \bar{C} \cdot \bar{B}$
Na krajnjem lijevom i krajnjem desnom dijelu izraza članovima negirano A i negirano B zamijeniti ćemo mjesta radi jasnoće postupka (komutativnost):	$A \cdot \bar{A} \cdot C + A \cdot C \cdot B + B \cdot \bar{C} \cdot A + B \cdot \bar{B} \cdot \bar{C}$
Sada je vidljivo da na ta dva dijela možemo primijeniti pravilo komplementarnosti (A pomnoženo s negirano A i B s negirano B daje 0):	$0 \cdot C + A \cdot C \cdot B + B \cdot \bar{C} \cdot A + 0 \cdot \bar{C}$
Za krajnji lijevi i krajnji desni dio izraza sada vrijedi anihilacija (množimo li nešto s nulom dobiti ćemo nulu):	$0 + A \cdot C \cdot B + B \cdot \bar{C} \cdot A + 0$
I te nule sada možemo „ispustiti“ iz izraza i ostaje nam:	$A \cdot C \cdot B + B \cdot \bar{C} \cdot A$
Sada možemo uočiti da su A i B zajednički članovi i lijevog i desnog dijela izraza pa ih možemo „izvući“ van (distributivnost):	$A \cdot B \cdot (C + \bar{C})$
Za C i negirano C unutar zagrade vrijedi komplementarnost:	$A \cdot B \cdot 1$
Kako množenje s 1 ne mijenja vrijednost izraza, taj 1 možemo izostaviti i ostaje nam rješenje:	$A \cdot B$

<b>18. zadatak:</b> Trebalo je napisati logički izraz za dani sklop.	
	<p>Rješavati ćemo sklop po sklop od gore lijevo prema desno.</p> <p>Prvo treba pomnožiti vrijednosti ulaza A i B.</p>
	<p>Zatim ćemo to negirati.</p>
	<p>Dobiveni dio izraza treba pomnožiti s vrijednostima s ulaza B i C.</p> <p>Da bismo to učinili, treba prvo negirati vrijednost s ulaza C.</p>

<p> <math>A \cdot B</math>  <math>\overline{A \cdot B}</math>  <math>\overline{C}</math>  <math>B + \overline{C}</math> </p>	<p>I zatim B i negirano C zbrojiti.</p>
<p> <math>A \cdot B</math>  <math>\overline{A \cdot B}</math>  <math>\overline{A \cdot B} \cdot (B + \overline{C})</math>  <math>\overline{C}</math>  <math>B + \overline{C}</math> </p>	<p>Sada možemo pomnožiti "gornji" i "donji" dio sklopa.</p>
<p> <math>A \cdot B</math>  <math>\overline{A \cdot B}</math>  <math>\overline{A \cdot B} \cdot (B + \overline{C})</math>  <math>\overline{\overline{A \cdot B} \cdot (B + \overline{C})}</math>  <math>\overline{C}</math>  <math>B + \overline{C}</math> </p>	<p>I na kraju nam je ostalo još samo negirati (invertirati) dobiveni izraz. Izraz u crvenom oblačiću je naše rješenje.</p>

**19. zadatak:** Traži se pojednostavljena jednažba danog sklopa.



Da bismo to napravili treba prvo za sklop napisati logički izraz koji ga opisuje. To je upravo ono što smo radili u 18. zadatku.

Naše rješenje je u zadnjem desnom crvenom oblačiću.

Sada možemo pristupiti minimizaciji sklopa, odnosno pojednostavljenju izraza.

Prvo ćemo primijeniti De Morganovo pravilo "razdvojiti" izraz na lijevi dio (tri člana) i desni dio gdje je samo negirano C. Sada nad lijeva tri člana, kao i na desnom C, imamo dvostruku negaciju.

$$\overline{\overline{A \cdot B \cdot B \cdot \overline{C}}}$$

To ćemo primjenom pravila involutivnosti jednostavno izostaviti.

$$\overline{A \cdot B \cdot B + C}$$

Sada na lijevi dio izraza A i B pod negacijom opet možemo primijeniti De Morganovo pravilo.

$$(\overline{A + B}) \cdot B + C$$

Članove u zagradi pomnožiti ćemo s B izvan zagrade (distributivnost).

$$\overline{A} \cdot B + \overline{B} \cdot B + C$$

Negirano B pomnoženo s B daje 0 (anihilacija).

$$\overline{A} \cdot B + 0 + C$$

Kada iz izraza maknemo 0 ostaje nam naše krajnje rješenje:

$$\overline{A} \cdot B + C$$

**30. zadatak:** Napisani logički izraz treba primjenom pravila pojednostavlivanja napisati tako da se koriste samo logičke operacije negacije i disjunkcije

Drugim riječima, izraz treba napisati tako da se ne koristi logičko množenje, a rezultat mora ostati isti.

$$\overline{\overline{A + B} + \overline{A} \cdot \overline{B}}$$

Na izraz ćemo prvo primijeniti De Morganovo pravilo:

$$\overline{\overline{A + B}} \cdot \overline{\overline{A} \cdot \overline{B}}$$

Na lijevi i desni dio izraza dobili smo negaciju negacije što možemo jednostavno zanemariti:

$$(A + B) \cdot \overline{A} \cdot \overline{B}$$

Sada ćemo lijevi dio u zagradi izmnožiti s oba člana s desne strane izvan zagrade (distributivnost):

$$A \cdot \overline{A} \cdot \overline{B} + B \cdot \overline{A} \cdot \overline{B}$$

Na lijevoj strani imamo množenje A s negirano A (komplementarnost), a na desnoj strani ćemo radi preglednosti zamijeniti mjesta članovima tako da dva negirana B budu jedan kraj drugoga:

$$0 \cdot \overline{B} + \overline{B} \cdot \overline{B} \cdot A$$

Lijevo nam ostaje 0, a desno negirano B puta negirano B (neutralni element):

$$0 + \overline{B} \cdot \overline{B} \cdot A$$

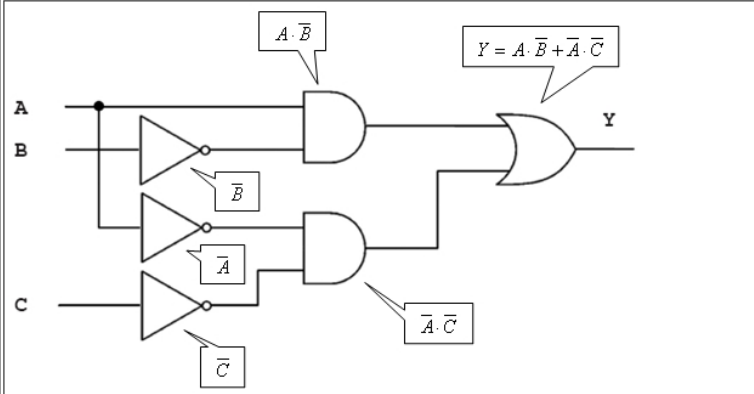
Nulu "zanemarimo" i desno zamijenimo mjesta elementima (komutativnost):

$$\overline{B} \cdot \overline{B} \cdot A$$

Sada ćemo primijeniti De Morganovo pravilo "unazad" i umjesto množenja dva negirana člana dobiti ćemo zbrajanje "pod negacijom" što je i rješenje zadatka:

$$\overline{A + B}$$

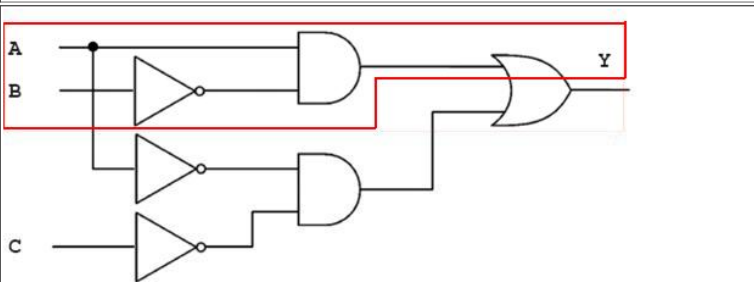
**32. zadatak:** Traži se tablica istinitosti za dani sklop i to samo konačno rješenje Y.



Nešto duži put, ali sigurniji ako niste izverzirani, je napraviti kompletnu tablicu istinitosti sa svim međuvrijednostima. Rješavamo korak po korak s lijeva na desno i od gore prema dolje.

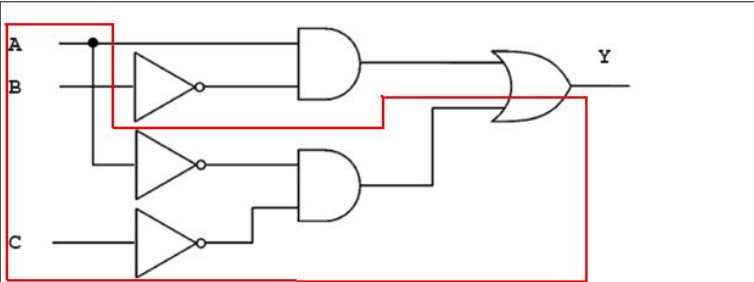
A množimo s B koji smo prije toga morali negirati i tada to sve zbrajamo s "donjim" vrijednostima gdje prvo moramo negirati A i negirati C da bismo te negirane vrijednosti mogli "pomnožiti". Tada možemo dobiti izlaze na krajnjem desnom ILI sklopu.

A	B	C	$\bar{B}$	$A \bar{B}$	$\bar{A}$	$\bar{C}$	$\bar{A} \bar{C}$	Y
0	0	0	1	0	1	1	1	1
0	0	1	1	0	1	0	0	0
0	1	0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	0	1	0	0	0
1	0	0	1	1	0	1	0	1
1	0	1	1	1	0	0	0	1
1	1	0	0	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	0	0	0	0



Drugi, kraći način je da na crtežu sklopa uočimo da nam na ulazu u zadnji desni ILI sklop treba barem jedna 1 da bi izlaz bio 1.

Za to nam u gornjem dijelu sklopa trebaju kombinacije ulaza gdje su A=1 i B=0.



U donjem dijelu dobiti ćemo 1 za ulaz u ILI sklop na onim kombinacijama ulaza gdje su i A i C = 0.

Kada smo upisali jedinice, preostala mjesta u tablici ispunimo s 0.